

Übungen zur Vorlesung Mathematik für Naturwissenschaftler II

Abgabetermin: Montag, 24.05.2004, 14.00 Uhr
(Übungskasten vor der Bibliothek oder in der Übung)

Aufgabe 1 (je 2 Punkte): Berechnen Sie die Partiellen Ableitungen erster Ordnung der folgenden Funktionen $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$:

$$\text{a) } f(x, y) = (x - 1)^3 y^2, \quad \text{b) } f(x, y) = \frac{x^2 + y}{y^2 + 1}, \quad \text{c) } f(x, y) = x^3 \sin(xy).$$

Aufgabe 2 (5 Punkte): Man bestimme alle partiellen Ableitungen bis zur 2. Ordnung einschließlich der Funktion

$$\mathbb{R}^2 \ni (x, y) \mapsto f(x, y) := x^3 y + x e^{y^2}.$$

In welchen Bereichen sind die entsprechende Ableitungen *stetig*? (mit stichwortartiger Begründung!)

Aufgabe 3 (5 Punkte): Berechnen Sie alle partiellen Ableitungen von $f : \mathbb{R}_+ \times \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x, y) = x^y$ bis zur zweiten Ordnung einschließlich.

Aufgabe 4 (8 Punkte): Sei $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ definiert durch

$$f(x, y) := \begin{cases} xy \frac{x^2 - y^2}{x^2 + y^2}, & (x, y) \neq (0, 0), \\ 0 & (x, y) = (0, 0). \end{cases}$$

Man zeige, daß f_{xy} und f_{yx} in ganz \mathbb{R}^2 existieren. Man untersuche, für welche Punkte $(x^*, y^*) \in \mathbb{R}^2$ gilt

$$f_{xy}(x^*, y^*) = f_{yx}(x^*, y^*).$$

Sprechstunden :

Prof. Dr. W. Richert, Mo. 15⁰⁰ – 16⁰⁰ Uhr, Zi. 333.
Dr. T. Ø. Sørensen, Do. 12⁰⁰ – 13⁰⁰ Uhr, Zi. 335.
I. Hoffmann, Mo. 12⁰⁰ – 13⁰⁰ Uhr, Zi. 235.