

- 1
2 Stoffübersicht
3 • Grundlagen
4 • Aussagelogik
5 • Aussagen
6 • Wahrheitstabellen
7 • Junktoren und ihre "Rechenregeln", u.a., de Morgansche Regeln
8 • Kontraposition
9 • Prädikatenlogik
10 • Quantoren und ihre Rechenregeln
11 • Eindeutigkeit
12 • Negationen
13 • Mengenlehre
14 • Definition, Gleichheit
15 • Konstruktion von Mengen, Aussonderungsprinzip, Mengenoperationen:
16 Vereinigung, Schnitt, Differenz und Komplementbildung
17 • Zusammenhang zwischen Junktoren und Mengenoperationen
18 • Kartesisches Produkt
19 • Mengensysteme und Indexnotation
20 • Auswahlaxiom
21 • Was ist Zahl?
22 • Nichtrigoröser Überblick:
23 • Natürliche Zahlen
24 • Ganze Zahlen
25 • Rationale Zahlen
26 • Verhältnisse und Diagonale im Quadrat
27 • Geometrische Konstruktion
28 • Rekursionsfolge für Wurzel 2
29 • Daraus die Ideen für die Definitionen:
30 • Cauchyfolge
31 • Nullfolge
32 • Äquivalenzrelationen
33 • Konstruktion der reellen Zahlen als Menge aller Cauchyfolgen
34 rationaler Zahlen modulo Nullfolgenrelation
35 • Formale Einführung der Zahlensysteme
36 • Natürliche Zahlen
37 • Peano Axiome
38 • Beispiele zur Vollständige Induktion, u.a., Bernoulli
39 • Fakultät, binomischer Lehrsatz, Grundlagen der Kombinatorik und
40 Laplace Wahrscheinlichkeiten, geometrische Reihe
41 • Relationen
42 • Funktionen, Definitions-, Wertebereiche, Wohldefiniertheit
43 • Injektiv, surjektiv, bijektiv
44 • Bild, Urbild
45 • Verkettung von Funktionen und Schlüsse über Injektivität und
46 Surjektivität
47 • Mächtigkeit von Mengen
48 • Konzepte: Abzählbarkeit, unendlich, überabzählbar
49 • Vereinigung und Schnitt abzählbarer Mengensysteme
50 • Rationale Zahlen
51 • Gruppen, Körper
52 • Eindeutigkeit von Lösungen von Gleichungen
53 • Potenzen
54 • Angeordnete Körper und Betrag
55 • Archimedisch angeordnete Körper
56 • Konstruktion der rationalen Zahlen als Musterbeispiel eines
57 archimedisch angeordneten Körpers
58 • Vollständige Körper
59 • Cauchyvollständigkeit
60 • Konvergenz, Eindeutigkeit des Grenzwertes
61 • Äquivalenz zwischen Cauchyvollständigkeit und
62 Intervallschachtelungsprinzip
63 • Dabei erste Rechenregeln zu Limiten
64 • p-adische Darstellung mit Beweisen
65 • Nichtabzählbarkeit der reellen und irrationalen Zahlen
66 • Zusammenfassung Folgen und Reihen
67 • Zusammenfassung aller bisher benutzen Konzepte
68 • Beschränktheit
69 • Bestimmte Divergenz
70 • Rechenregeln der Limiten für Gleichungen und Ungleichungen
71 • Reihen
72 • Teilfolgen
73 • Bolzano-Weierstrass

- 68 • Monotone Folgen, Konvergenzkriterium
- 69 • Definition der k -ten Wurzel als Anwendung
- 70 • Absolute Konvergenz für Reihen
- 71 • Konvergenzkriterien für Reihen, Nullfolgen-, Majoranten-, Leibnitz-,
Quotienten- und Wurzelkriterium
- 72 • Umordnung von Reihen
- 73 • Selbstähnliches Wachstum
- 74 • Beispiel Isotopen-Zerfall und dessen Kontinuumslimites
- 75 • Existenz des Limes mithilfe des Zusammenhangs zwischen arithmetischem und
geometrischem Mittel
- 76 • Funktionalgleichung und restliche Eigenschaften der Exponentialfunktion
- 77 • Monotone und dominierte Konvergenz für Reihen
- 78 • Daraus Reihendarstellung der Exponentialfunktion
- 79 • Cauchyprodukt von Reihen
- 80 • Trigonometrische Funktionen und Eulerdarstellung, Additionstheoreme
- 81 • Mengen reeller Zahlen, Supremum und Infimum
- 82 • abgeschlossene, offene, halboffene und uneigentliche Intervalle,
Punktmengen von Folgengliedern
- 83 • Beschränktheit, Supremum, Infimum, Maximum, Minimum
- 84 • Existenz des Supremums bzw. Infimums für beschränkte, nichtleere Mengen
und im uneigentlichen Sinn
- 85 • Limes superior, inferior und dessen Existenz im uneigentlichen Sinn sowie
Zusammenhang mit Limes, Monotonie und oberen, unteren Schranken
- 86 • Konvergenzradius von Potenzreihen als Anwendung
- 87 • Konvergenzmodi von Doppelfolgen, gleichmäßige Konvergenz und Vertauschung
von Limiten
- 88 • Metrische und normierte Räume
- 89 • Komplexe Zahlen, Betrag, Cauchy, Konvergenz, Vollständigkeit
- 90 • Metrische Räume, epsilon-Umgebung, Cauchy, Konvergenz, Vollständigkeit
- 91 • Grundbegriffe der Topologie:
- 92 • innere/äußere Punkte, Berührungspunkte, Randpunkte, Häufungspunkte,
offene/abgeschlossene Mengen, Innere, Abschluss, Rand, Dichtheit
- 93 • Vektorräume
- 94 • normierte Räume
- 95 • Beschränktheit von Folgen, Häufungspunkte und Bolzano-Weierstrass für \mathbb{R}^k
- 96 • Lineare Abbildungen, Matrizen
- 97 • Banachscher Fixpunktsatz
- 98 • Stetige Funktionen
- 99 • Limiten von Funktionen auf metrischen Räumen
- 100 • Stetigkeit auf metrischen Räumen
- 101 • VR Struktur der stetigen Funktionen, Rechenregeln, Produkt, Quotient,
Verkettung
- 102 • Stetigkeit des Betrags
- 103 • Zwischenwertsatz, Urbilder von Intervallen unter stetiger Funktionen
- 104 • Beschränktheit, stetige Funktion nehmen Min. & Max. an
- 105 • Nullstelle des Cosinus
- 106 • epsilon-delta Kriterium der Stetigkeit
- 107 • Gleichmäßige Stetigkeit
- 108 • Monotonie und Umkehrfunktion
- 109 • Logarithmus
- 110 • Differentiation
- 111 • Ableitung
- 112 • Lineare Approximation
- 113 • Beziehung zur Stetigkeit
- 114 • VR Struktur differenzierbarer Funktionen, Rechenregeln, Produkt, Quotient,
Verkettung
- 115 • Lokale Extrema und Mittelwertsatz
- 116 • l'Hôpital
- 117 • Ableitungen höherer Ordnung
- 118 • Taylorreihe
- 119 • Integration
- 120 • Integral von Treppenfunktionen
- 121 • VR Struktur, Rechenregeln, Monotonie
- 122 • Riemann Integral
- 123 • VR Struktur, Rechenregeln, Monotonie
- 124 • Riemann Integralkriterium
- 125 • Integrierbarkeit stetige und monotone Funktionen
- 126 • Riemann Summen
- 127 • Rechenregeln
- 128 • Mittelwertsatz
- 129 • Unbestimmtes Integral und Stammfunktion
- 130 • Fundamentalsatz der Differential- und Integralrechnung
- 131 • Substitutionsregel, partielle Integration

132	• Intgrationsstrategien
133	• Taylorreihe mit integralem Restglied
134	• Uneigentliche Integrale
135	• Konvergenzkriterien für Funktionsfolgen
136	• Einführung in Skalarprodukte, Hilberträume und Fourier Reihen