

## Übungsblatt 3 zu Mehrdimensionaler Analysis

**Aufgabe 104: (10 Punkte)**

Zeige:

$$\mathcal{B}([0, \infty]) = \{B \subseteq [0, \infty] : B \cap [0, \infty] \in \mathcal{B}([0, \infty])\}$$

**Aufgabe 105: (10 Punkte)**

Es sei  $\mathcal{E} = \{\{1, 2, \dots, 2k\} : k \in \mathbb{N}\} \subseteq \mathcal{P}(\mathbb{N})$ . Bestimme die von  $\mathcal{E}$  erzeugte  $\sigma$ -Algebra  $\sigma(\mathcal{E}) \subseteq \mathcal{P}(\mathbb{N})$ .

**Aufgabe 106 (10 Punkte)**

Es seien  $(X, \mathcal{O}_X)$  und  $(Y, \mathcal{O}_Y)$  hausdorffsche topologische Räume und  $f : X \rightarrow Y$  eine Abbildung, so daß die Menge

$$U(f) := \{x \in X : f \text{ ist nicht stetig in } x\}$$

eine abzählbare Menge ist. Zeige, daß  $f$  Borel-meßbar ist.

**Aufgabe 107: (10 Punkte)**

Es seien  $I, J \subseteq \mathbb{R}$  Intervalle. Zeige, daß jede monotone Funktion  $f : I \rightarrow J$  Borel-meßbar ist.

**Lösungen in Zweier- / Dreiergruppen anfertigen und je Gruppe eine Lösung abgeben.  
Abgabe bis Freitag 11.11.2022, 8.30 Uhr – über Uni2work**