Tutorium 9 zu Analysis und Lineare Algebra II (Physik)

Aufgabe 1: Zeige, daß

$$A = \left(\begin{array}{rrr} -1 & -1 & 0\\ 1 & -1 & -1\\ 0 & -1 & -1 \end{array}\right)$$

eine Schursche Normalform besitzt und bestimme eine Schursche Normalform von A.

Aufgabe 2:

Bestimme für die Matrix

$$J = \begin{pmatrix} 0 & 1 & & & & & & \\ & 0 & 1 & & & & & & \\ & & 0 & & & & & & \\ & & & -1 & 1 & & & \\ & & & & -1 & 1 & & \\ & & & & & -1 & 1 & \\ & & & & & & -1 & 1 \\ & & & & & & -1 \end{pmatrix}$$

in Jordanform alle Eigenwerte, Eigenräume, verallgemeinerte Eigenräume und Haupträume.

Aufgabe 3:

Bestimme für

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & -1 & 0 & -1 \\ 1 & 1 & -2 & 1 & -1 \\ -1 & -1 & 1 & -2 & 1 \\ -1 & -1 & 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

alle Eigenwerte, Eigenräume, verallgemeinerte Eigenräume und Haupträume.