

## Tutorium zur Vorlesung „Differential– und Integralrechnung II“

37. (*Staatsexamensaufgabe Herbst 2007*).

a) Man bestimme den Konvergenzradius  $\varrho$  der Potenzreihe

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n+1}{2^n} x^n;$$

es sei  $f : ]-\varrho, \varrho[ \rightarrow \mathbb{R}$  die durch diese Potenzreihe definierte Funktion.

b) Man stelle die Stammfunktion  $F$  von  $f$  mit  $F(0) = 0$  zunächst als Potenzreihe und dann als elementare Funktion dar.

c) Man bestimme hieraus eine Darstellung von  $f$  als elementare Funktion.

38. (*Staatsexamensaufgabe Herbst 2006*). Man bestimme alle  $x \in \mathbb{R}$ , für die die Potenzreihe

$$f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x)^n}{n}$$

konvergiert, und berechne den Grenzwert  $f(x)$ , indem man zunächst eine Darstellung von  $f'(x)$  als elementare Funktion findet.

39. (*Staatsexamensaufgabe Frühjahr 2013*). Man bestimme alle  $x \in \mathbb{R}$ , für die die Reihe

$$\sum_{n=1}^{\infty} n x^{n-1}$$

konvergiert, und berechne hierfür den Grenzwert.

40. (*Staatsexamensaufgabe Frühjahr 1995*). Man bestimme eine Folge  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}_0}$  reeller Zahlen, so daß

$$\int_0^1 e^{x^2} dx = \sum_{n=0}^{\infty} a_n$$

gilt.