

Tutorium zur Vorlesung „Differential– und Integralrechnung II“

29. (*Staatsexamensaufgabe Herbst 2007*).

a) Man bestimme den Konvergenzradius ϱ der Potenzreihe

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n+1}{2^n} x^n;$$

es sei $f :]-\varrho, \varrho[\rightarrow \mathbb{R}$ die durch diese Potenzreihe definierte Funktion.

b) Man stelle die Stammfunktion F von f mit $F(0) = 0$ zunächst als Potenzreihe und dann als elementare Funktion dar.

c) Man bestimme hieraus eine Darstellung von f als elementare Funktion.

30. (*Staatsexamensaufgabe Herbst 2006*). Man bestimme alle $x \in \mathbb{R}$, für die die Potenzreihe

$$f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x)^n}{n}$$

konvergiert, und berechne den Grenzwert $f(x)$, indem man zunächst eine Darstellung von $f'(x)$ als elementare Funktion findet.

31. (*Staatsexamensaufgabe Frühjahr 2013*). Man bestimme alle $x \in \mathbb{R}$, für die die Reihe

$$\sum_{n=1}^{\infty} n x^{n-1}$$

konvergiert, und berechne hierfür den Grenzwert.

32. (*Staatsexamensaufgabe Frühjahr 1995*). Man bestimme eine Folge $(a_n)_{n \in \mathbb{N}_0}$ reeller Zahlen, so daß

$$\int_0^1 e^{x^2} dx = \sum_{n=0}^{\infty} a_n$$

gilt.